

trica dell'espressione di 6, che è stata parimenti dimostrata dal sig. CHELINI. Essa si ottiene prontamente nel modo che segue. Dalle (60) si deduce

$$\frac{JL}{2T} \left(\frac{dE}{dv} \right)^2 = \frac{JL}{du} \frac{JL}{dv} \quad \text{E}$$

$$\frac{L}{2T} = \frac{t/G}{du} \frac{F}{d \log j/G} \frac{F}{r_u} \frac{d \log F}{dv}$$

Quindi la (73) diventa

Ora chiamando α l'angolo delle due curve $u = \text{cost.}$, $v = \text{cost.}$, si ha, come è noto,

$$\cos \alpha = \frac{F}{J} \quad \text{tg } \alpha = \frac{J}{F}$$

quindi l'equazione precedente può scriversi

Tale è la seconda forma indicata dal sig. LIOUVILLE.

XXV.

La forinola di GAUSS si può ottenere anche con un semplice processo di eliminazione che noi esporremo per il caso di un sistema di coordinate curvilinee ortogonali.

Supponendo che le coordinate u, v sieno isoterme, le relazioni (39) diventano

$$:= 4 \left(\frac{1}{t} \frac{V}{du} + \left(\frac{1}{M} \frac{d}{dt} \right) \frac{1}{T} \left(\frac{1}{M} \frac{d}{dt} \right) \frac{1}{H} \right) \frac{1}{t} \frac{1}{dv} + \left(\frac{1}{t} \frac{1}{dv} \right) \frac{1}{dv}$$

$$\frac{L}{dv} \frac{du}{dv} \quad \sqrt{5} \frac{1}{J} \frac{1}{L} \frac{1}{V} \frac{1}{du} \frac{du}{dv} \quad \frac{1}{V} \frac{1}{J} \frac{1}{du} \frac{du}{dv}$$

Introducendo una variabile ausiliaria α , si possono sostituire a queste tre equazioni le quattro seguenti :

$$\frac{df_t}{du} = \frac{k_t \cos \alpha}{h} \quad \frac{3 p_i}{dv} = \frac{k_i \sin \alpha}{h}$$

(75)

$$\frac{d p_2}{3 n} = \frac{k_2 \sin \alpha}{l}; \quad \frac{d p_a}{d v} = \frac{\alpha_2 \cos \alpha}{h}$$